

# Software Product Lines

## Concepts, Analysis and Implementation

### Verifikation von Produktlinien

**Dr. Malte Lochau**

Malte.Lochau@es.tu-darmstadt.de

# Inhalt

## I. Einführung

- Motivation und Grundlagen
- Feature-orientierte Produktlinien

## II. Produktlinien-Engineering

- Feature-Modelle und Produktkonfiguration
- Variabilitätsmodellierung im Lösungsraum
- Programmierparadigmen für Produktlinien

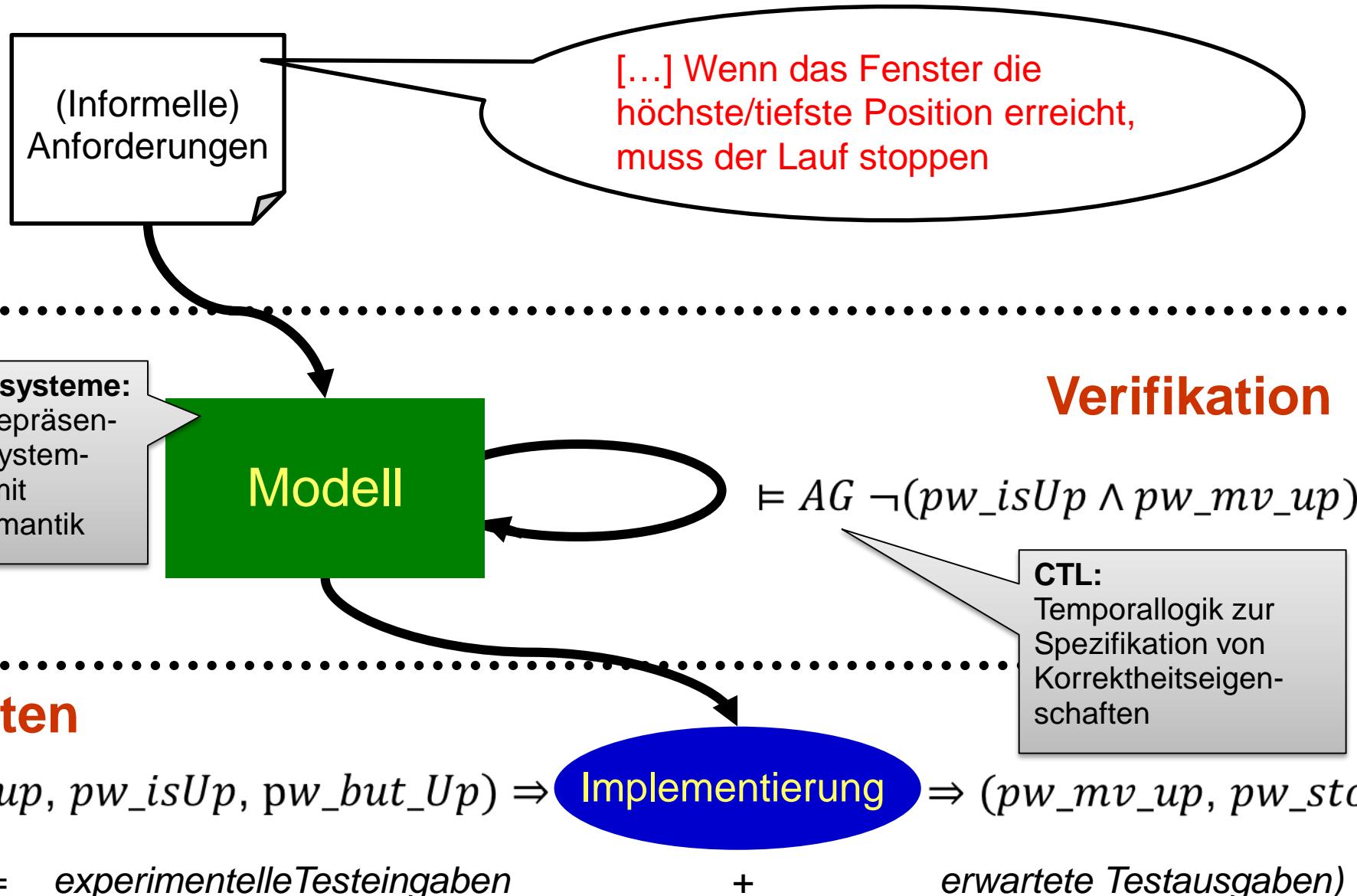
## III. Produktlinien-Analyse

- Feature-Interaktion
- Testen von Produktlinien
- Verifikation von Produktlinien

## IV. Fallbeispiele und aktuelle Forschungsthemen

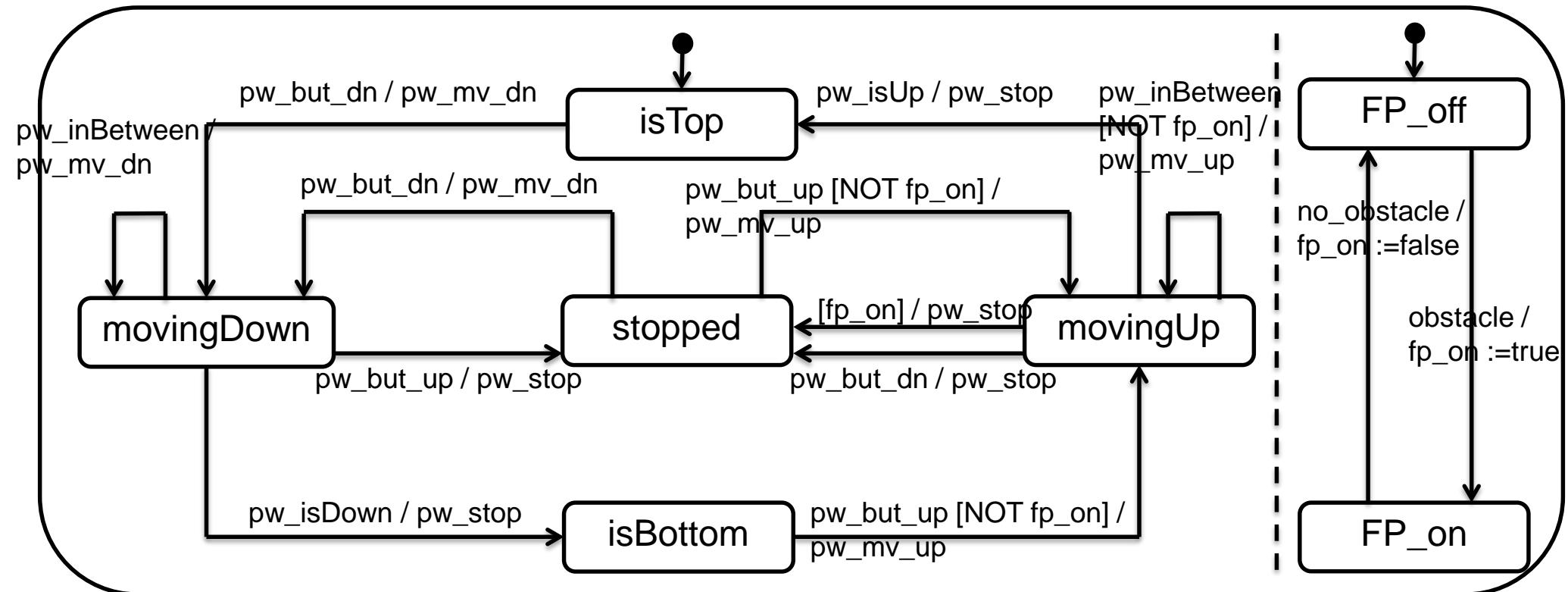
- Grundlagen Model-Checking
- Family-based SPL Model-Checking
- Incremental SPL Model-Checking

# Beispiel: BCS



# Verifikation von Modelleigenschaften

$$p = \{ PW, AutPw, FP \}$$



- ...
- [...] Wenn ein Hindernis während des Hochlaufs erkannt wird, soll der Hochlauf stoppen
- [...] Nachdem ein Hindernis entfernt wurde, soll der Fensterlauf fortgesetzt werden können
- ...

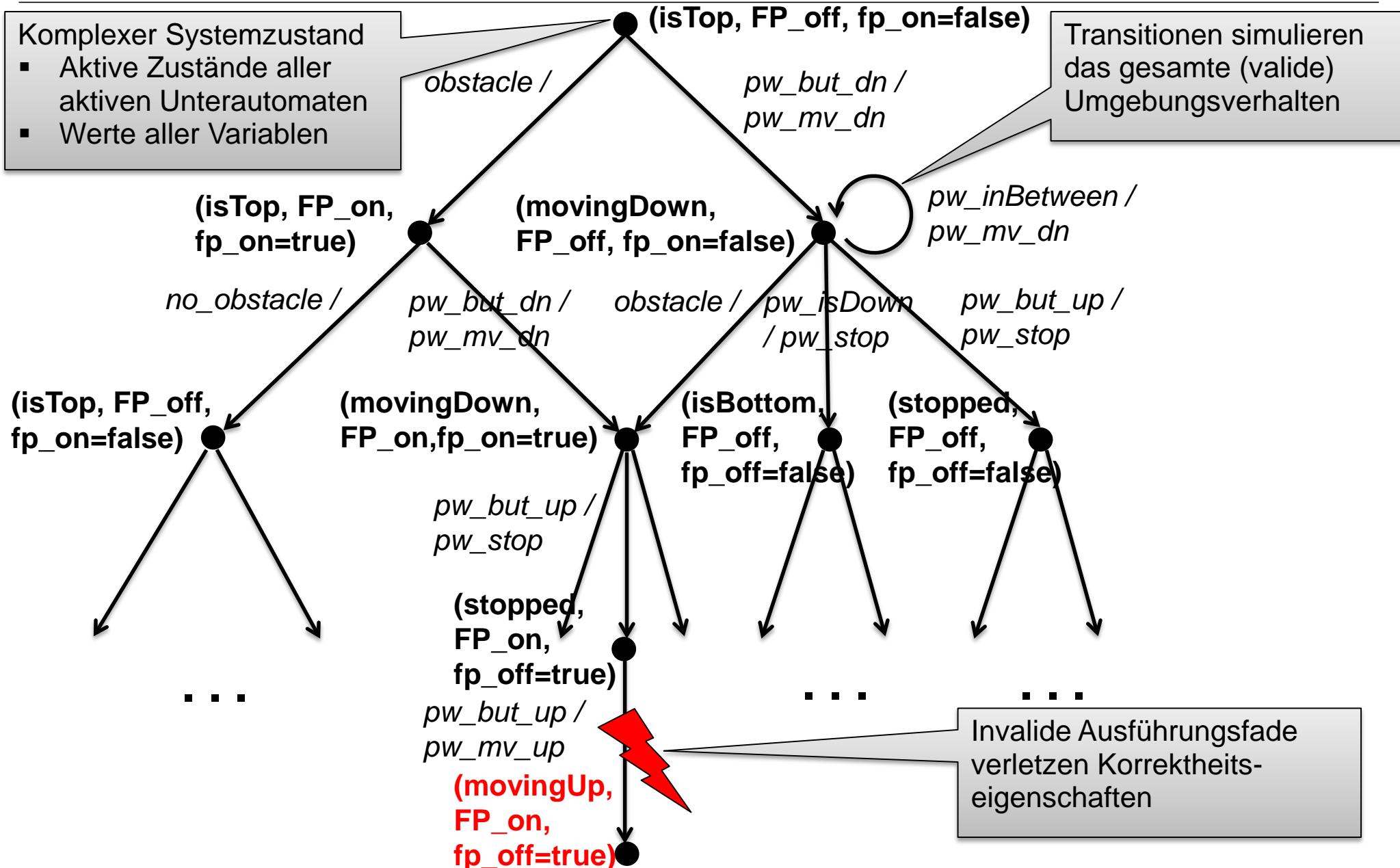
Eigenschaften auf allen möglichen Abläufen erfüllt?

# Transitionssysteme als allgemeines semantisches Modell

Komplexer Systemzustand

- Aktive Zustände aller aktiven Unterautomaten
- Werte aller Variablen

Transitionen simulieren das gesamte (valide) Umgebungsverhalten



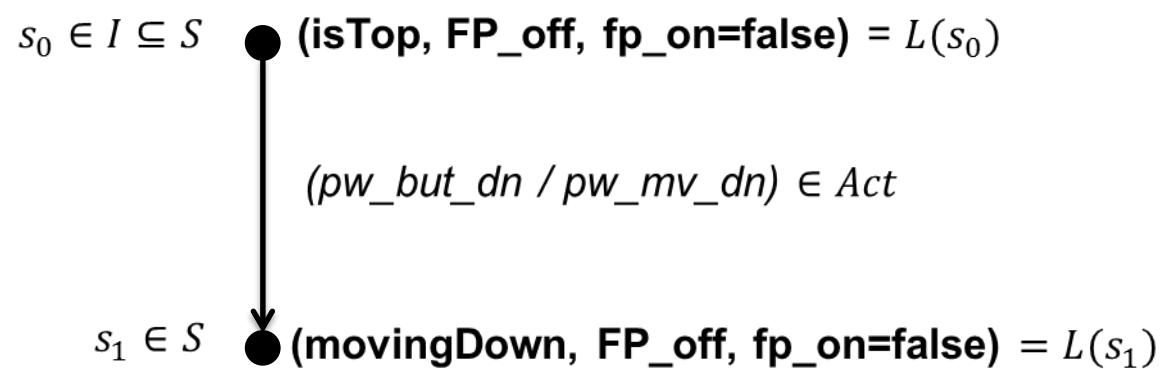
# Transitionssysteme – Abstrakte Syntax

Ein **Transitionssystem** ist ein Tupel  $ts = (S, Act, \rightarrow, I, P, L)$  mit

- einer abzählbaren Menge  $S$  (Zustände)
- einer abzählbaren Menge  $Act$  (Aktionen)
- einer Relation  $\rightarrow \subseteq S \times act \times S$  (beschriftete Transitionen)
- einer endlichen Menge  $I \subseteq S$  (Initialzustände)
- einer abzählbare Menge  $P$  (Zustandsprädikate)
- einer Funktion  $L : S \rightarrow 2^P$  (Zustandsbeschriftung)

**Notation:**

- $s \xrightarrow{a} s'$  falls  $(s, a, s') \in \rightarrow$



# Transitionssysteme – Semantik

- Eine **Ausführung (Verhalten)** eines Transitionssystems  $ts$  ist eine Sequenz

$$\sigma = s_0 a_1 s_1 a_2 s_2 \dots$$

mit  $s_0 \in I$  und  $s_i \xrightarrow{a_{i+1}} s_{i+1}$ .

- Ein **Pfad**  $\pi$  einer Ausführung  $\sigma$  eines Transitionssystems  $ts$  ist die Einschränkung von  $\sigma$  auf die Sequenz der Zustände:

$$\pi = s_0 \ s_1 \ s_2.$$

- Die **Semantik**  $\llbracket ts \rrbracket_{TS} \subseteq S^*$  eines Transitionssystems  $ts$  ist gegeben durch die Menge der Pfade von  $ts$ .

# Spezifikation von Korrektheitseigenschaften

- Korrektheitseigenschaften müssen durch gesamte Menge aller Pfade des Transitionssystems erfüllt sein
- Korrektheitseigenschaften beziehen sich auf die (Abfolge von) Zustandsprädikaten von allen über Pfade erreichbaren Zustände

- **Sicherheitseigenschaften (Safety):** Eigenschaften, die für alle erreichbaren Zustände gelten müssen.

[...] Wenn ein Hindernis während des Hochlaufs erkannt wird, soll der Hochlauf stoppen

- **Lebendigkeitseigenschaften (Liveness):** Eigenschaften, die für Abfolgen von Zuständen gelten müssen.

[...] Nachdem ein Hindernis entfernt wurde, soll der Fensterlauf fortgesetzt werden können

Sicherheits- und Korrektheitseigenschaften können durch Temporallogiken **spezifiziert** und auf einem Transitionssystem **formal verifiziert** werden.

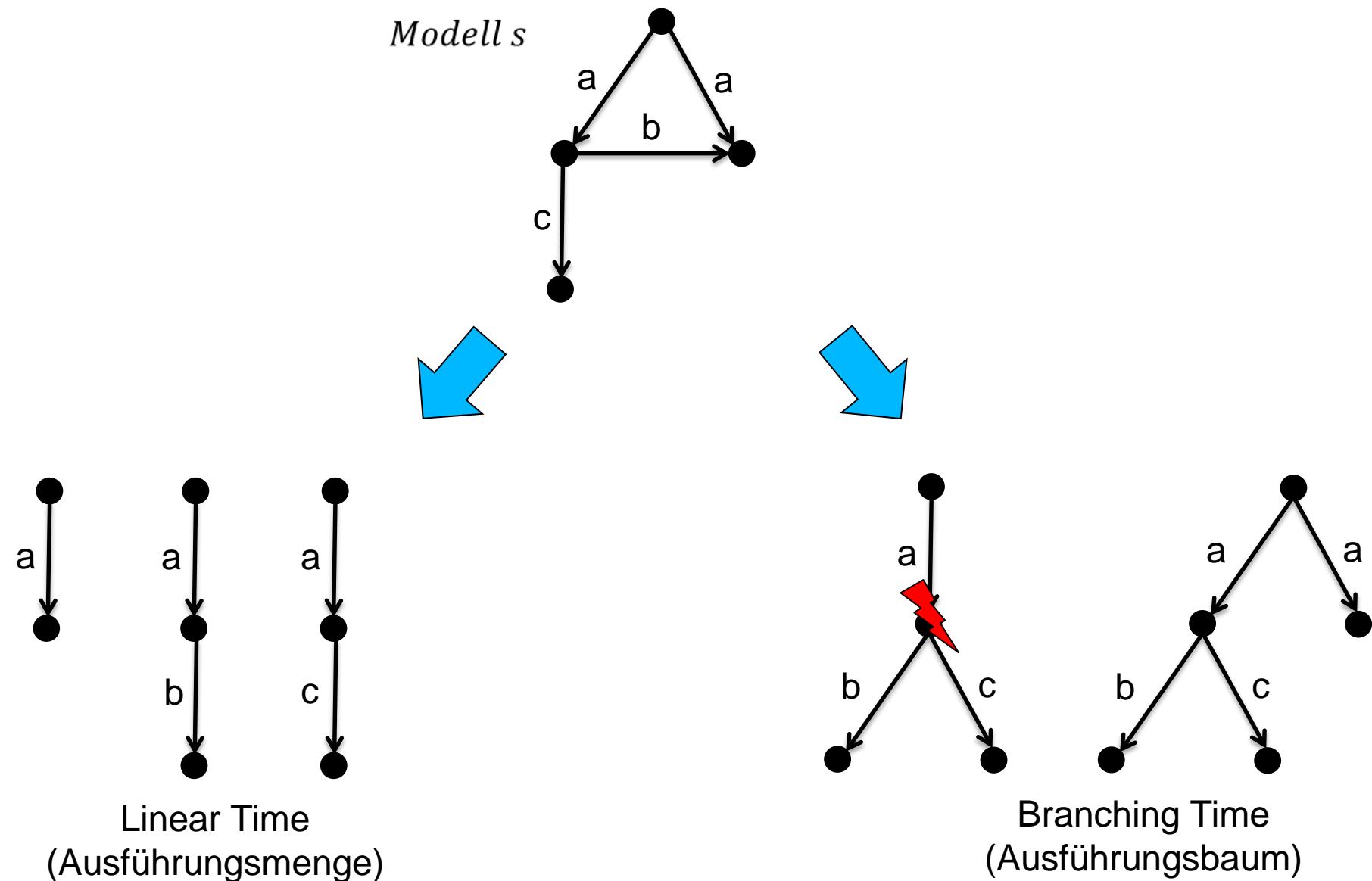
# Temporallogiken

---

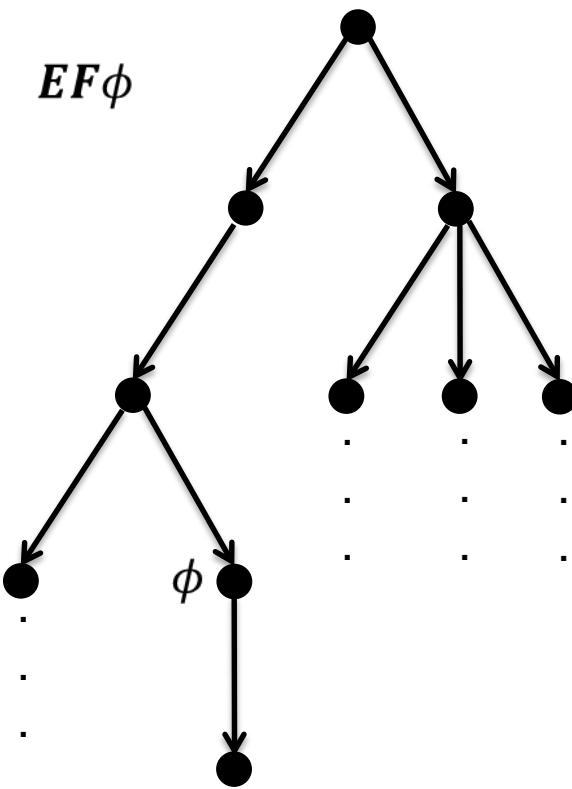
- Mit Temporallogiken können Aussagen über Abläufe über die Zeit spezifiziert und automatisiert auf Modellen bewiesen werden  
(Modell ~ Transitionssystem, Ablauf ~ Pfad)
- Diskreter Zeitbegriff (Zeitpunkt ~ Zustand)
- Dynamischer Wahrheitsbegriff: In verschiedenen Zuständen eines Modells können Aussagen unterschiedliche Wahrheitswerte annehmen
- Linear Time Logic (LTL) vs. Computation Tree Logic (CTL)
- Model-Checking: Automatisierte Prüfung, ob eine temporallogische Aussage  $\phi$  (Korrektheitseigenschaft) durch ein Modell  $s$  (Systemspezifikation) erfüllt ist

Notation:  $s \models \phi$

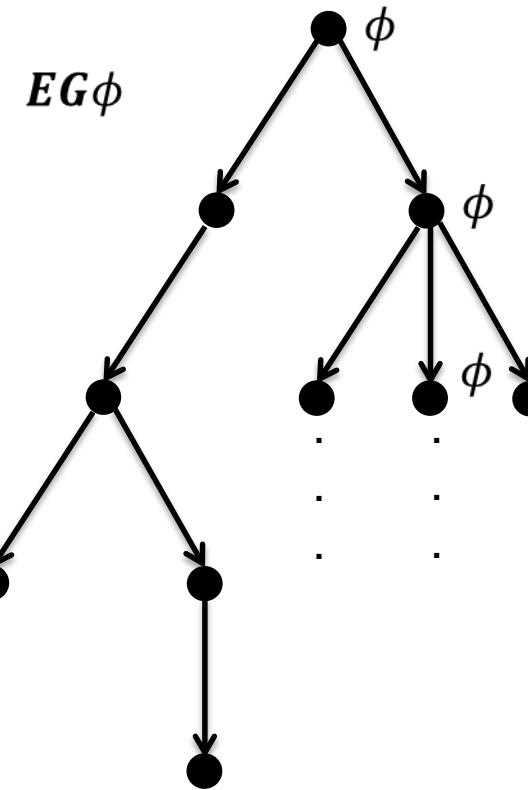
# Lineare Zeit vs. Verzweigte Zeit



# Beispiele: Aussagen (1/2)

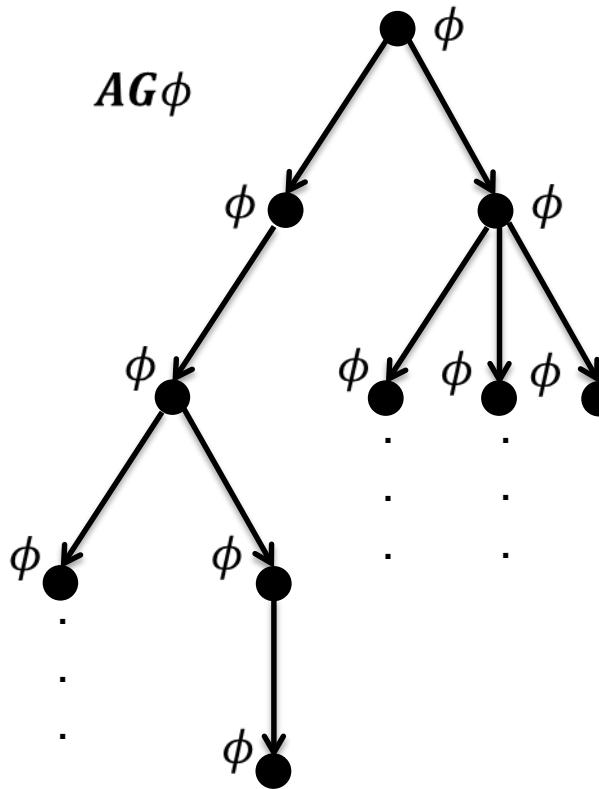
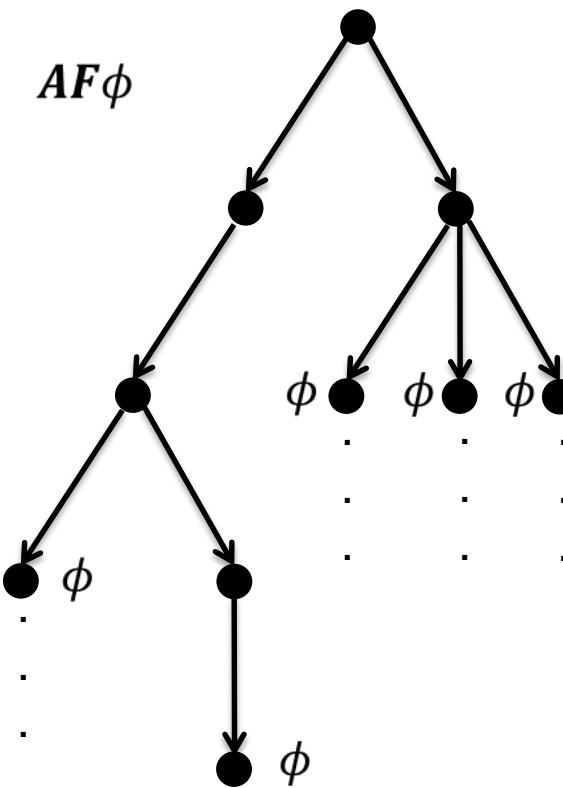


„Auf irgendeinem Pfad gilt irgendwann mal  $\phi$ “



„Auf irgendeinem Pfad gilt immer  $\phi$ “

# Beispiele: Aussagen (2/2)



„Auf allen Pfaden gilt irgendwann mal  $\phi$ “

„Auf allen Pfaden gilt immer  $\phi$ “

# Temporallogik CTL – Syntax (1/2)

## Atomare Zustandsformeln:

- $T, \perp$  Konstanten *wahr, falsch*
- $p \in P$  Zustandsprädikate

## Aussagenlogische Verknüpfungen:

- $\wedge, \vee, \neg$

## Temporale Verknüpfungen (Pfad-Quantoren):

- $A$  Always (entlang aller Pfade)
- $E$  Exists (entlang eines Pfades)
- $X$  NeXt (im nächsten Zustand)
- $F$  Future (in einem zukünftigen Zustand)
- $G$  Globally (in allen zukünftigen Zuständen)
- $U$  Until (bis)

# Temporallogik CTL – Syntax (2/2)

**CTL-Formeln:**

$\phi ::= \top | \perp | p |$

$(\neg \phi) | (\phi \wedge \phi) | (\phi \vee \phi) | (\phi \Rightarrow \phi) |$

$AX\phi | EX\phi | AG\phi | EG\phi | AF\phi | EF\phi |$

$A[\phi \ U \ \phi] | E[\phi \ U \ \phi]$

[...] Wenn ein Hindernis während des Hochlaufs erkannt wird, soll der Hochlauf stoppen

$AG(\neg(FP\_on \wedge EX movingUp))$

[...] Nachdem ein Hindernis entfernt wurde, soll der Fensterlauf fortgesetzt werden können

$AG(FP\_off \Rightarrow AF movingUp))$

# Temporallogik CTL – Semantik

Die **Auswertung** einer CTL-Formel  $\phi$  auf einem Transitionssystem  $ts$  erfolgt durch die Betrachtung der Zustände  $s \in S$  durch folgende Regeln:

- $s \models T$  und  $s \not\models \perp$  für alle  $s \in S$
- $s \models p$  genau dann, wenn  $p \in L(s)$
- $s \models \neg\phi$  genau dann, wenn  $s \not\models \phi$
- $s \models \phi_1 \wedge \phi_2$  genau dann, wenn  $s \models \phi_1$  und  $s \models \phi_2$   
( $\vee$  analog)
- $s \models AX\phi$  genau dann, wenn  $s' \models \phi$  für alle  $s' \in S$  mit  $s \xrightarrow{a} s'$  gilt  
**(EX:** es gibt ein  $s'$ )
- $s \models AG\phi$  genau dann, wenn alle von  $s$  aus über einen Pfad  
erreichbaren Zustände  $\phi$  erfüllen  
**(EG:** es gibt einen Pfad, auf dem jeder Zustand  $\phi$  erfüllt)
- $s \models AF\phi$  genau dann, wenn auf allen von  $s$  ausgehenden Pfaden  
ein Zustand erreichbar ist, der  $\phi$  erfüllt  
**(EF:** es gibt einen Pfad, auf dem ein Zustand  $\phi$  erfüllt)
- $s \models A[\phi_1 U \phi_2]$  auf allen Pfaden beginnend mit  $s$  gilt  $\phi_1$  solange, bis in  
einem Zustand  $\phi_2$  gilt  
**(EU:** es gibt einen Pfad ...)

# Eigenschaften von CTL-Formeln

De-Morgan-Regeln:

$$\begin{aligned}\neg AF\phi &\Leftrightarrow EG\neg\phi \\ \neg EF\phi &\Leftrightarrow AG\neg\phi \\ \neg AX\phi &\Leftrightarrow EX\neg\phi\end{aligned}$$

Fixpunkt-Charakterisierung (\*):

$$\begin{aligned}AG\phi &\Leftrightarrow \phi \wedge AX AG\phi \\ EG\phi &\Leftrightarrow \phi \wedge EX EG\phi \\ AF\phi &\Leftrightarrow \phi \vee AX AF\phi \\ EF\phi &\Leftrightarrow \phi \vee EX EF\phi\end{aligned}$$

(\*) Grundlage für die Implementierung eines (rekursiven) CTL-Model-Checkers für Transitionssysteme mit endlicher Zustandsmenge

# Häufige Muster für CTL-Spezifikationen

---

**$AG(request \Rightarrow AF\ reply)$**

**Liveness/Fairness:** „Das System liefert auf jede neue Anfrage (*request*) immer wieder irgendwann eine Antwort (*reply*)“

**$AG(AF\ ready)$**

**Progress:** „Das System wird immer wieder irgendwann bereit (*ready*) sein“

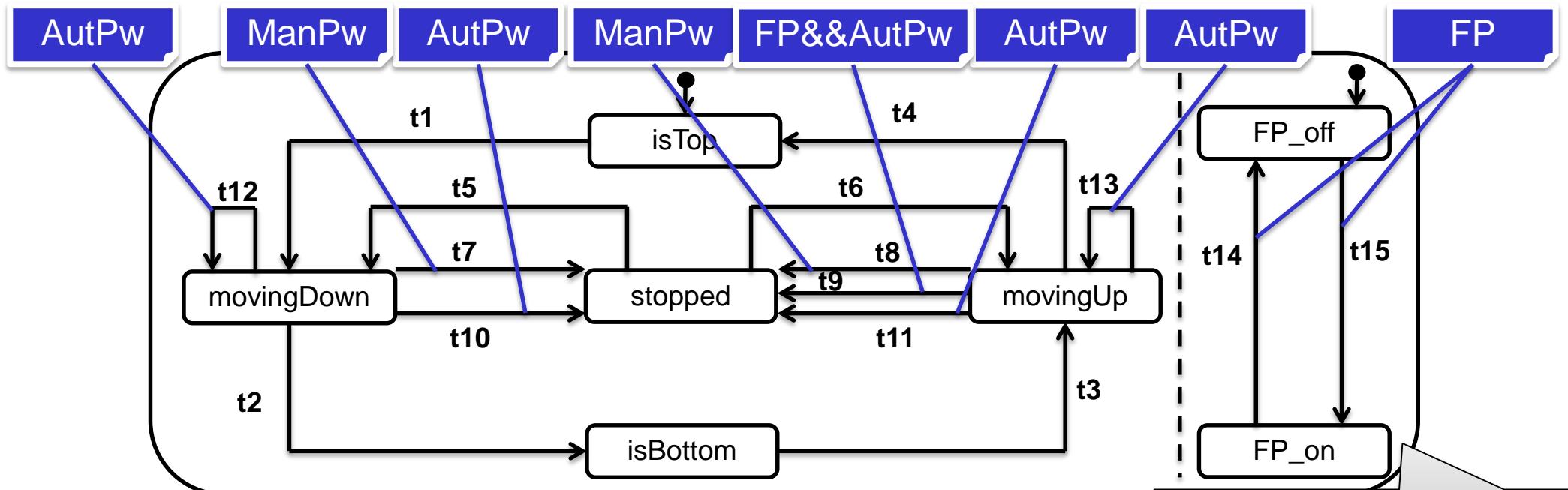
**$AF(AG\ stop)$**

**Termination:** „Das System wird immer irgendwann endgültig stoppen (*stop*)“

**$AF(EF\ start)$**

**Resetable:** „Das System lässt sich immer in den Startzustand (*start*) zurückversetzen“

# Verifikation von SPL Eigenschaften



[...] Wenn ein Hindernis während des Hochlaufs erkannt wird, soll der Hochlauf stoppen

Konfigurations-spezifische Abläufe

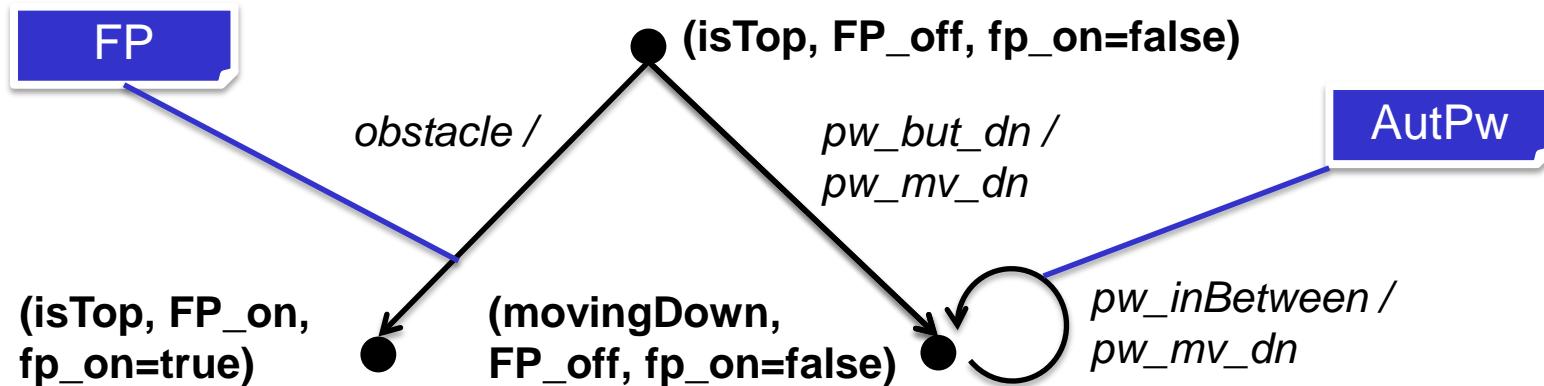
$AG(\neg(FP\_on \wedge EX movingUp))$

[...] Nachdem ein Hindernis entfernt wurde, soll der Fensterlauf fortgesetzt werden können

Konfigurations-spezifische Eigenschaften

$AG(FP\_off \Rightarrow AF movingUp))$

# Featured Transition Systems (FTS)



FTS = Transitionssystem mit doppelt beschrifteten Transitionen:

- Aktion / Reaktion wie in Transitionssystemen
- Presence Condition

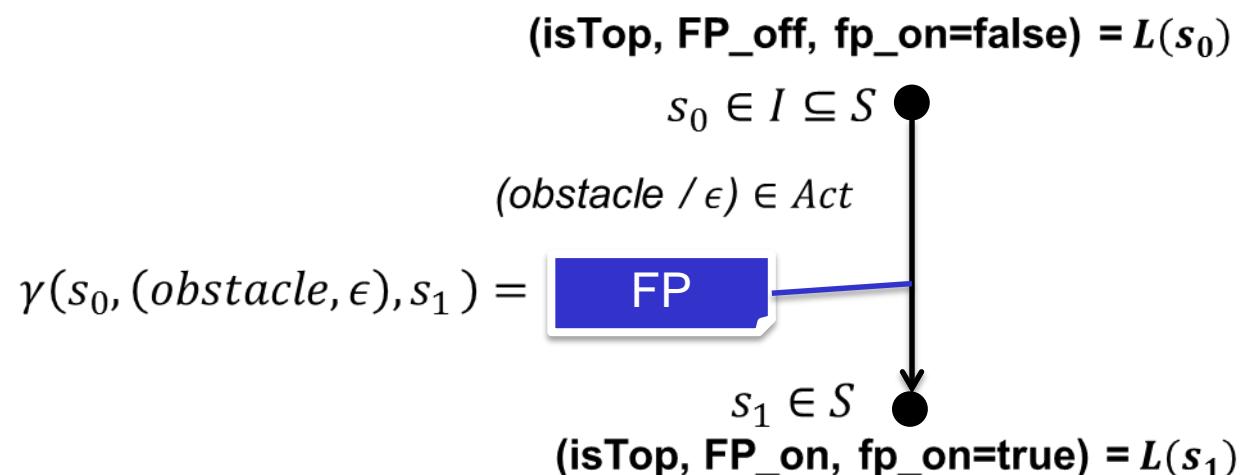
# FTS – Syntax

Ein **Feature-Transitionssystem** ist ein Tupel  $\text{fts} = (S, Act, \rightarrow, I, P, L, \widetilde{FM}, \gamma)$  mit

- einer abzählbaren Menge  $S$  (Zustände)
- einer abzählbaren Menge  $Act$  (Aktionen)
- einer Relation  $\rightarrow \subseteq S \times act \times S$  (beschriftete Transitionen)
- einer endlichen Menge  $I \subseteq S$  (Initialzustände)
- einer abzählbare Menge  $P$   $\rightarrow$  (Zustandsprädikate)
- einer Funktion  $L : S \rightarrow 2^P$  (Zustandsbeschreibung)
- einer Funktion  $\widetilde{FM} : (F \rightarrow B) \rightarrow B$  (Feature-Modell)
- einer Funktion  $\gamma : (\rightarrow) \rightarrow ((F \rightarrow B) \rightarrow B)$  (Feature-Annotationen)

**Notation:**

- $s \xrightarrow{a/\varphi} s'$  falls  $\gamma(s, a, s') = \varphi$



# FTS – Semantik

- Die **Projektion** eines Feature-Transitionssystems  $\text{fts} = (S, \text{Act}, \rightarrow, I, P, L, \widetilde{FM}, \gamma)$  auf eine Produktkonfiguration  $p \in [FM]$  ist ein Transitionssystem  $\text{ts}_p = (S, \text{Act}, \rightarrow_p, I, P, L)$  mit

$$\rightarrow_p = \{ (s, a, s') \in \rightarrow \mid p \vdash \gamma(s, a, s') \}$$

- Die **Semantik einer Produktvariante** mit Konfiguration  $p \in [FM]$  ist definiert durch die Semantik der Projektion  $\text{ts}_p$

$$[\![\text{fts}, p]\!]_{FTS} = [\![\text{ts}_p]\!]_{TS}$$

- Die **Semantik einer Produktlinie** ist definiert durch die Semantik der Produktvarianten

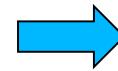
$$[\![\text{fts}]\!]_{FTS} = \bigcup_{p \in [\widetilde{FM}]} [\![\text{ts}_p]\!]_{TS}$$

# fCTL

```
ϕ ::= T | ⊥ | p |  
      (¬ϕ) | (ϕ ∧ ϕ) | (ϕ ∨ ϕ) | (ϕ ⇒ ϕ) |  
      [x]AXϕ | [x]EXϕ | [x]AGϕ | [x]EGϕ | [x]AFϕ | [x]EFϕ |  
      [x] A[ϕ U ϕ] | [x] E[ϕ U ϕ]
```

- *Product Quantifier*  $\chi: (F \rightarrow \mathcal{B}) \rightarrow \mathcal{B}$  als Guard für CTL-Formeln (\*)

[...] Wenn ein Hindernis während des Hochlaufs erkannt wird, soll der Hochlauf stoppen



$[FP]\mathbf{AG}(\neg FP\_on \wedge EX moving\_up)$

(\*) Auswertungssemantik vgl. Classen et al. 2011

# Family-based SPL Model-Checking

Sei FTS  $s$  eine Produktlinienspezifikation und  $[\chi]\phi$  eine fCTL-Formel (O.B.d.A. sei der Product Quantifier  $\chi$  „ganz außen“).

Dann gilt:

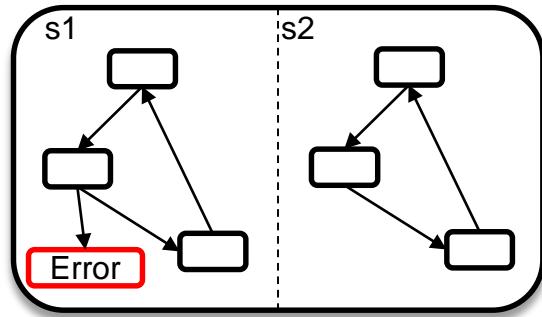
$$fts \models [\chi]\phi \quad \Leftrightarrow \quad \forall p \in [FM]: p \vdash \chi \Rightarrow ts_p \models \phi$$

# Andere semantische SPL Modelle

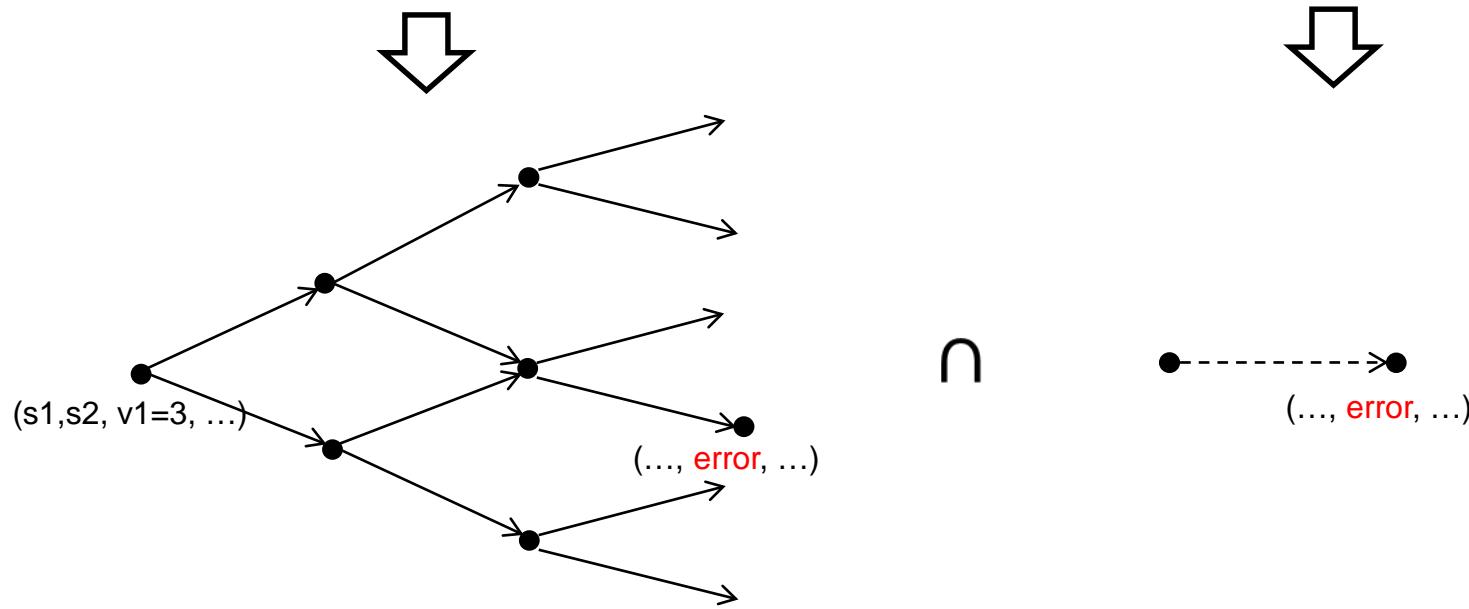
---

- Featured Petri Nets
- Featured Timed Automata
- Featured Weighted Automata
- PL-CCS
- ...

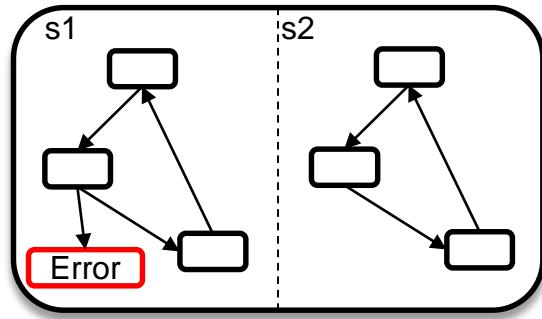
# Incremental SPL Model-Checking



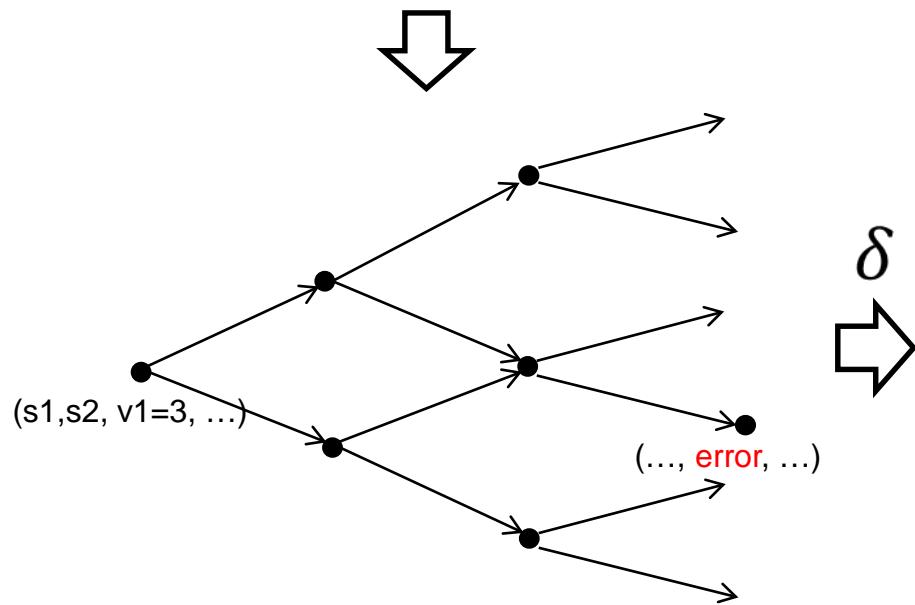
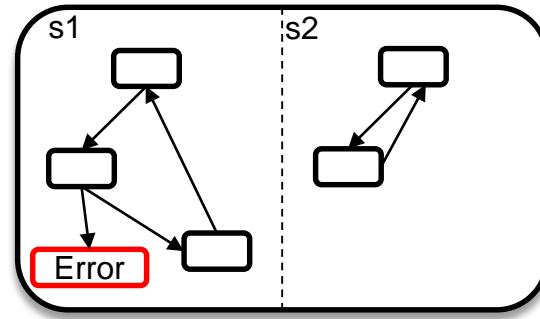
$\models AG(\neg Error)$



# Syntactical vs. Semantical Changes



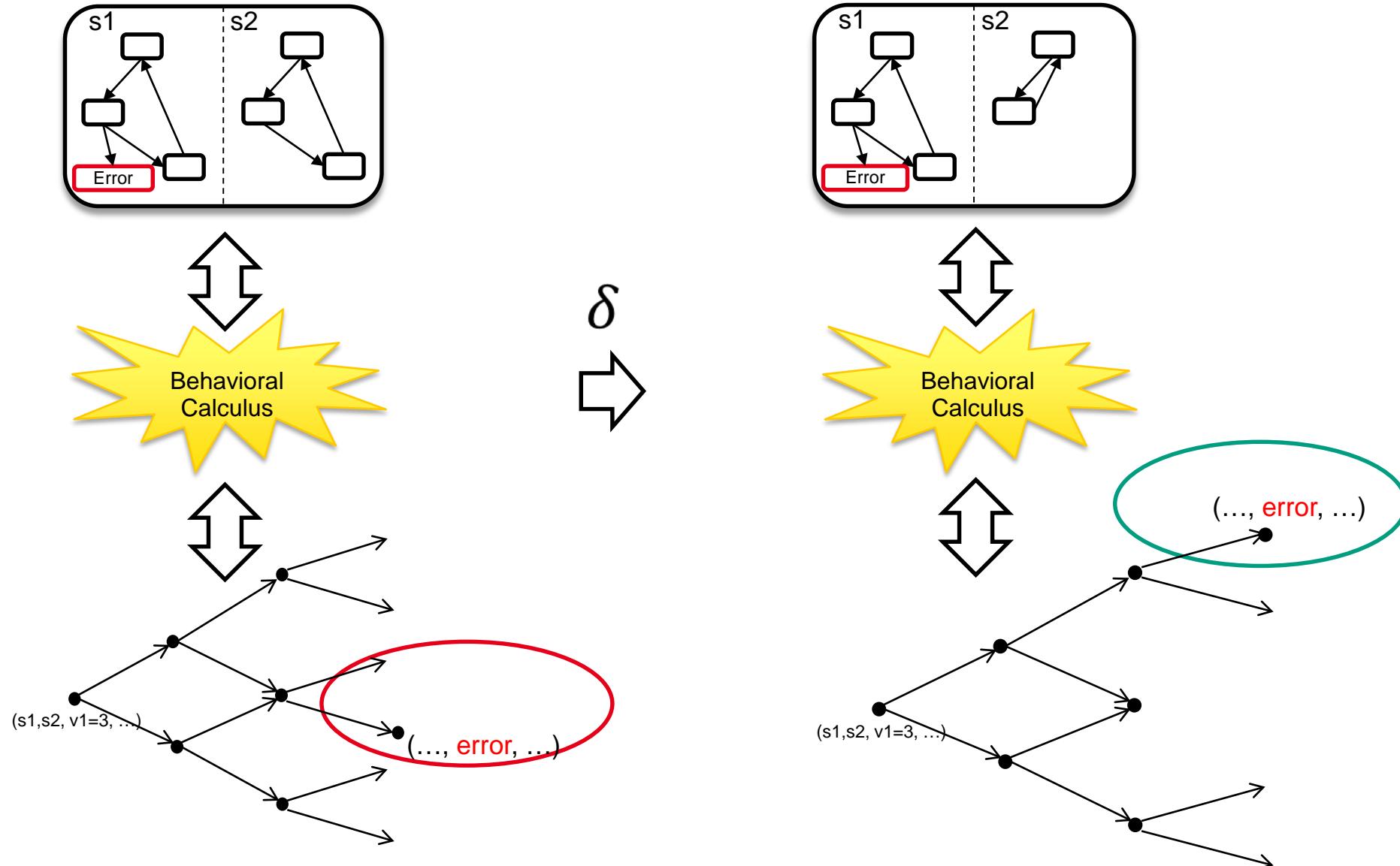
$\delta$



$\delta$



# Semantical Models



# A Short History of Behavioral Core Calculi



$\lambda$ -Calculus  
(1930)



CCS  
(~1980)



CSP  
(~1978)

...  $\pi$ -Calculus, Ambient-Calculus,  
Join-Calculus (1990s)...

# CCS Syntax

$$P ::= \alpha.P \mid \sum_{i \in I} P_i \mid P \parallel P \mid P[f] \mid P \setminus L \mid X$$

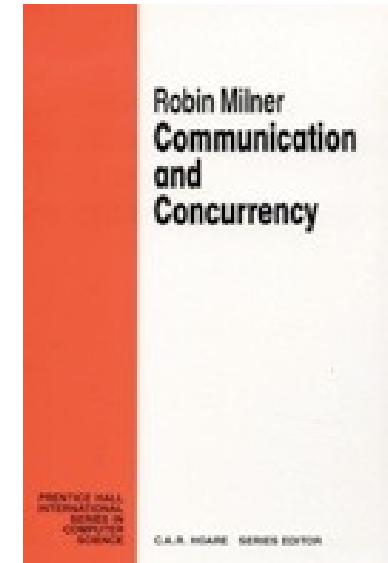
Diagram illustrating CCS Syntax components:

- action prefix
- (unguarded) choice
- composition
- relabeling
- hiding
- recursion

- Process Terms  $P \in P(Act, K)$
- Set of Actions  $\alpha \in Act = \{a, \bar{a} \mid a \in \aleph\}$ , where  $\bar{\bar{a}} = a$
- Finite Index set  $I \in \mathbb{N}_0$
- Relabeling function  $f: Act \rightarrow Act$
- Invisible Label Set  $L \subseteq \aleph$
- Process Names  $X := P \in P(Act, K)$

Some Syntactic Sugar:

- $\sum_{i \in \{1,2\}} P_i = P_1 + P_2$
- $\sum_{i \in \emptyset} P_i = \bar{0}$



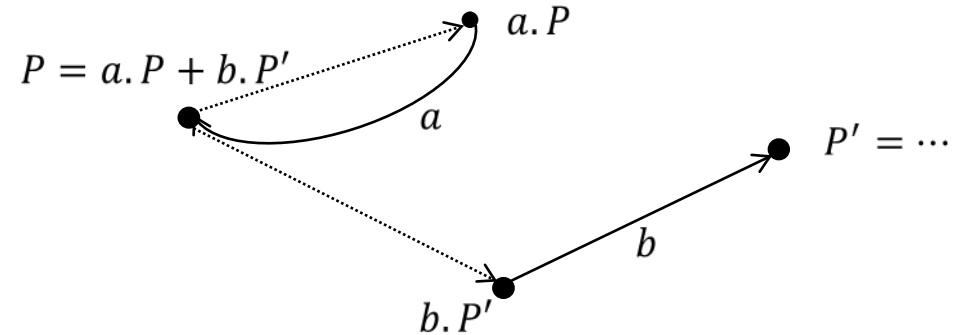
# Structural Operational Semantics of CCS

$$\begin{array}{c}
 (\text{pre}) \frac{}{\alpha.P \xrightarrow{\alpha} P} \quad (\text{rec}) \frac{P \xrightarrow{\alpha} P' \quad K \stackrel{\text{Def}}{=} P}{K \xrightarrow{\alpha} P'} \quad (\text{choice}) \frac{P_j \xrightarrow{\alpha} P'_j \quad j \in I}{\sum_{i \in I} P_i \xrightarrow{\alpha} P'_j} \\
 \\ 
 (\text{par-1}) \frac{P \xrightarrow{\alpha} P'}{P \mid Q \xrightarrow{\alpha} P' \mid Q} \quad (\text{par-2}) \frac{Q \xrightarrow{\alpha} Q'}{P \mid Q \xrightarrow{\alpha} P \mid Q'} \quad (\text{comm}) \frac{P \xrightarrow{\alpha} P' \quad Q \xrightarrow{\overline{\alpha}} Q'}{P \mid Q \xrightarrow{\tau} P' \mid Q'} \\
 \\ 
 (\text{rel}) \frac{P \xrightarrow{\alpha} P'}{P[f] \xrightarrow{f(\alpha)} P'[f]} \quad (\text{hide}) \frac{P \xrightarrow{\alpha} P' \quad \alpha, \overline{\alpha} \notin L}{P \setminus L \xrightarrow{\alpha} P' \setminus L}
 \end{array}$$

Invisible Action  $\tau$

Labeled Transition System  $\llbracket P \rrbracket_{\text{CCS}} = (\mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K}), \longrightarrow, P)$

- States are Process Terms
- Transitions
  - are labeled over Actions and
  - rewrite Process Terms



## PL-CCS [Gruler et al., 2009]

$$P ::= \alpha.P \mid \sum_{i \in I} P_i \mid P \mid P \mid P[f] \mid P \setminus L \mid X \mid \bigoplus_{\{j \in J\}} g_j \cdot P_j$$

- (External) Selection condition  $g_j$
- **Guarded Choice** emulates Variability

$$a.P_1 + b.P_2 \quad \text{vs.} \quad g_1 \cdot P_1 \oplus g_2 \cdot P_2$$

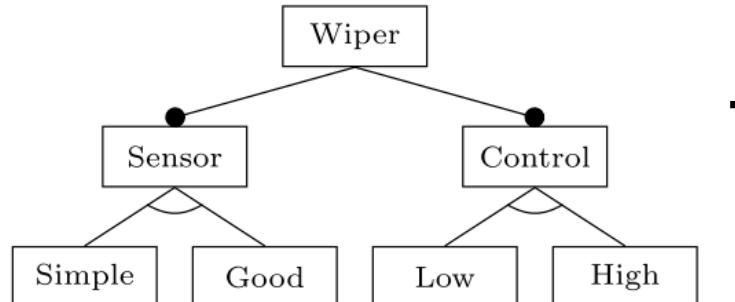
- Semantics: Choice Decision is preserved after Recursion
- Verification: HML Algorithm „tracks“ selection conditions

Family-based 150%  
PL Analysis

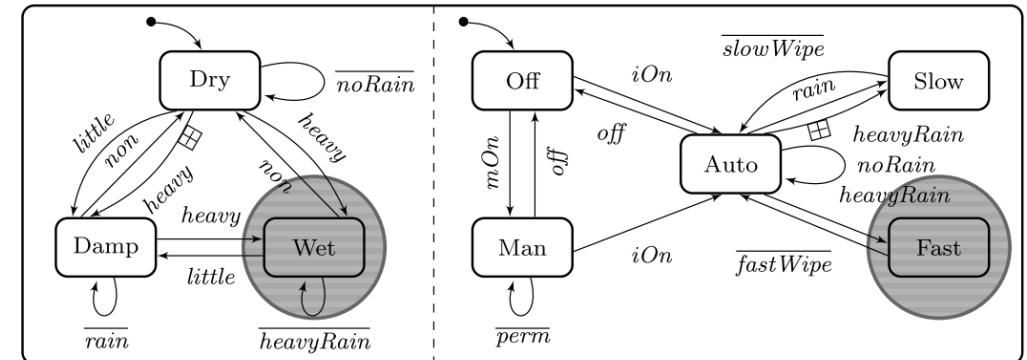
# Behavioral Choice vs. Behavioral Change

	PL-CCS	DeltacCS
Syntax	New CCS Operator	Plain CCS + Change Modules
Semantics	Variability <u>adds</u> Term Reduction Rule	Variability <u>overrides</u> Term Rewriting Rule
PL Analysis	150% family-based	Incremental
Variability Theory	Transformation into Normal Form	Change-Sensitive Term Congruence
Supported Adaptivity	Closed World	(Semi-)Open World
Higher Order Variability	No	Yes
Orthogonality of Variability	No - Mixes Core and Variable Behaviors	Yes - Separates Core from Variable Behaviors

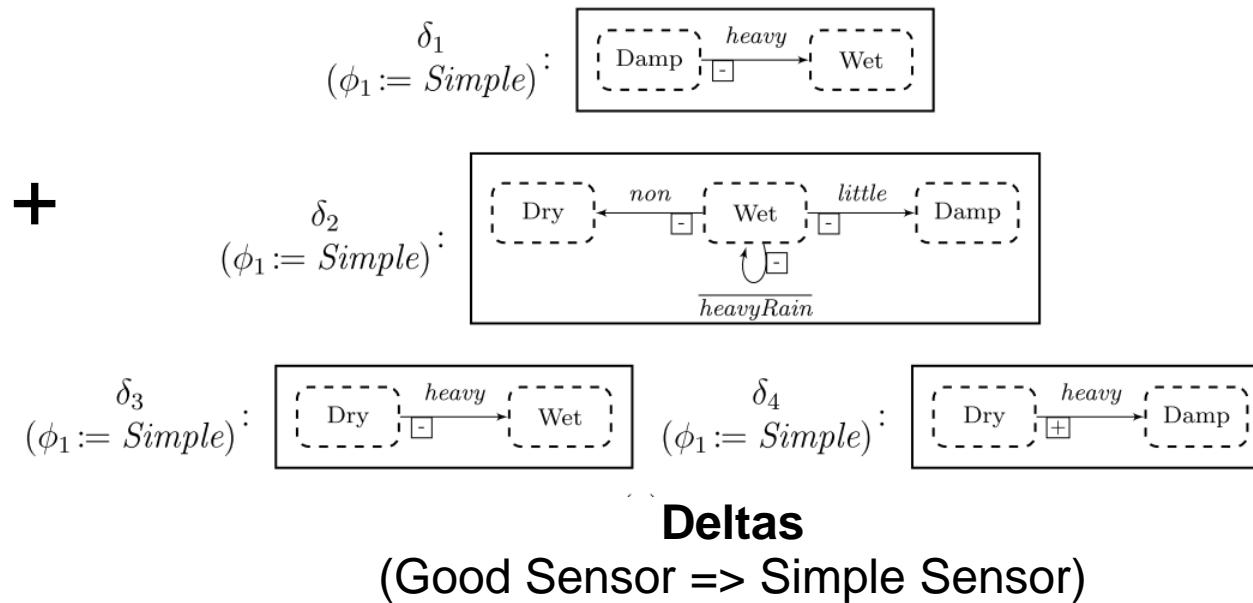
# Delta-oriented Software Product Lines



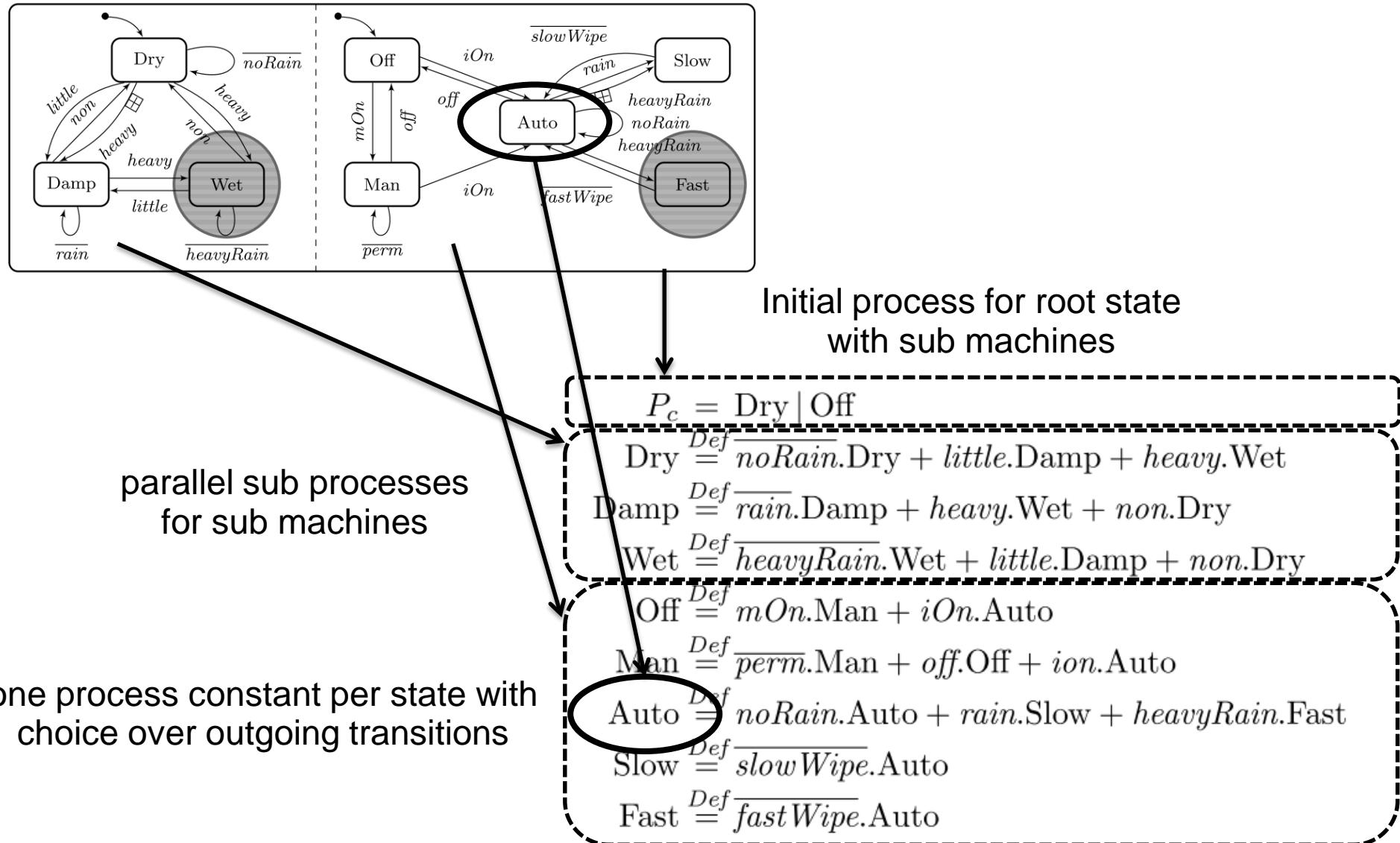
Feature Model



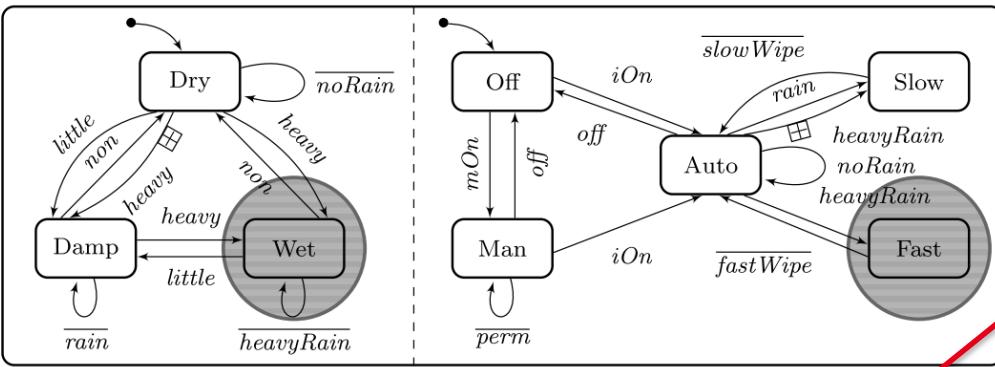
Core Product  
(Good Sensor, High Control)



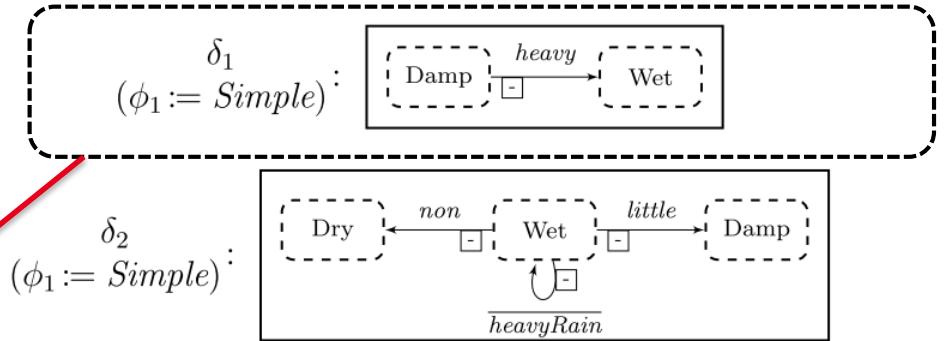
# Translation of State Machines into CCS



# CCS Deltas



change transitions of state



change process constant def.  
of state

$$\delta_1 = (\text{Damp}, \text{Simple}, \langle \text{Damp}' \stackrel{\text{Def}}{=} \overline{\text{rain}}.\text{Damp}' + \text{non}.\text{Dry} \rangle)$$

$$\delta_2 = (\text{Wet}, \text{Simple}, \langle \text{Wet}' \stackrel{\text{Def}}{=} \mathbf{0} \rangle)$$

$$\delta_3 = (\text{Dry}, \text{Simple}, \langle \text{Dry}' \stackrel{\text{Def}}{=} \overline{\text{noRain}}.\text{Dry}' + \text{little}.\text{Damp} \rangle)$$

$$\delta_4 = (\text{Dry}', \text{Simple}, \langle \text{Dry}'' \stackrel{\text{Def}}{=} \overline{\text{noRain}}.\text{Dry}'' + \text{little}.\text{Damp} + \text{heavy}.\text{Damp} \rangle)$$

# DeltaCCS

Assumption: change of CCS specifications = change meaning of process names

$$X \coloneqq K \in \mathcal{P}(\mathbf{Act}, K)$$

*A CCS delta is a triple  $(K, \varphi, K') \in \mathcal{K} \times \Phi \times \mathcal{K}$ .*

*A DeltaCCS specification is a pair  $(P_c, \Delta)$  where  $P_c \in \mathcal{P}(\mathbf{Act}, \mathcal{K})$  and  $\Delta$  is a finite set of CCS deltas.*

# CCS Delta Application

CCS Delta Application is defined by the function

$$\text{apply} : \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K}) \times \Delta(\mathcal{K}, \Phi) \rightarrow \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K})$$

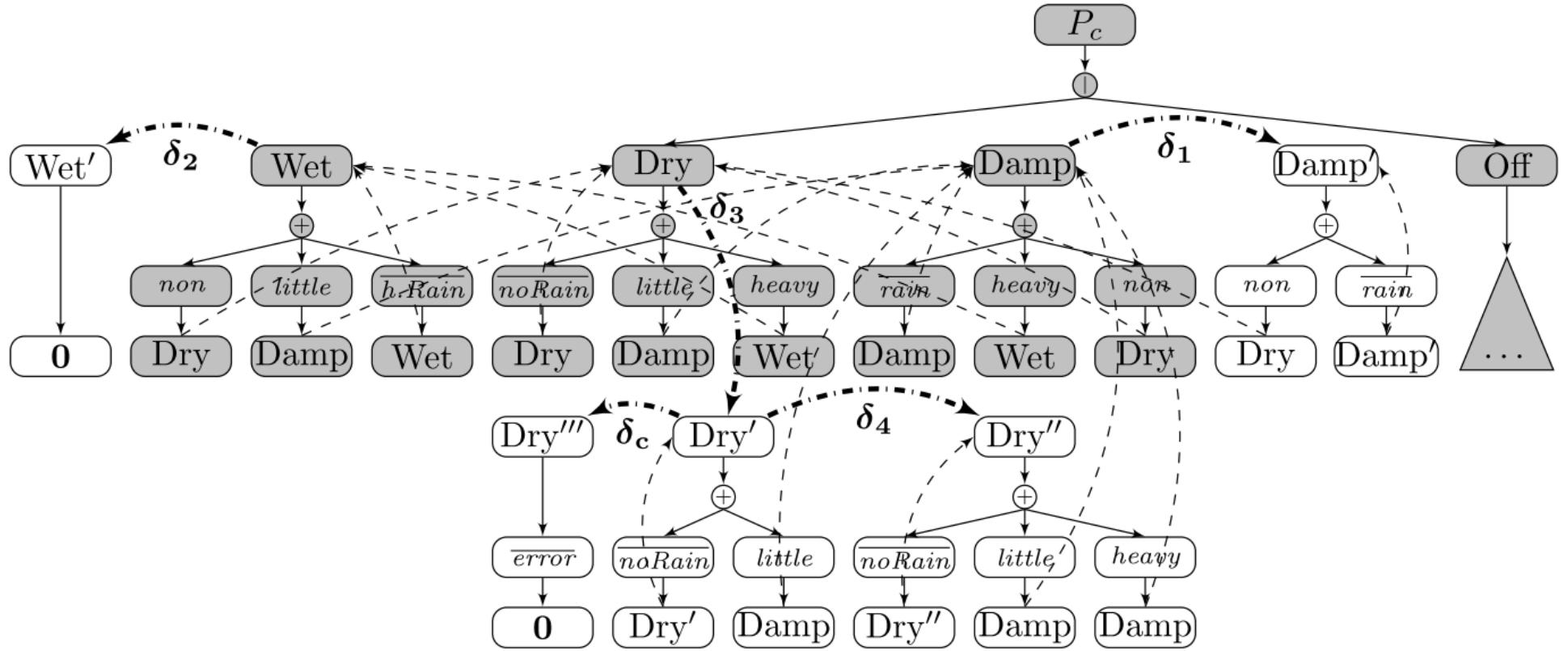
such that in  $P' = \text{apply}(P, \delta)$  with  $\delta = (K, \phi, K')$ , every occurrence of  $K$  in  $P$  is substituted by  $K'$ .

We write  $\delta(P) := \text{apply}(P, \delta)$

## Applying Sets of Deltas:

$$\Delta'(P) := \{\delta_{i_1}(\dots \delta_{i_n}(P) \dots) \mid |\Delta'| = n \wedge k \neq \ell \Rightarrow \delta_{i_k} \neq \delta_{i_\ell}\}$$

# Delta Dependency Graph



**Definition 3.5 (CCS Delta Dependency).** Let  $(P_c, \Delta)$  be a DeltaCCS specification,  $\delta_i = (K_i, \phi_i, K'_i) \in \Delta$  ( $i = 1, 2$ ), and  $Dep(P_c, \Delta) = (\mathcal{V}, \mathcal{E})$ .

$\delta_1 \prec \delta_2 :\Leftrightarrow$  for all paths  $p = (P_c, \dots, K_2, K'_2) : p = (P_c, \dots, K_1, K'_1, \dots, K_2, K'_2)$ .

# Delta Independence and Delta Conflict

Two deltas are *independent* iff

- ... they have no *direct conflict* (i.e., they replace different constants) and
- ... they do not (mutually) obstruct their applicability

**Definition 3.6 (CCS Delta Conflict).** Let  $(P_c, \Delta)$  be a DeltaCCS specification and  $\delta_i = (K_i, \phi_i, K'_i) \in \Delta$  ( $i = 1, 2$ ) with  $\delta_1 \not\prec \delta_2$  and  $\delta_2 \not\prec \delta_1$ .  $\delta_1$  and  $\delta_2$  are in conflict iff  $\delta_1$  and  $\delta_2$  are not independent.

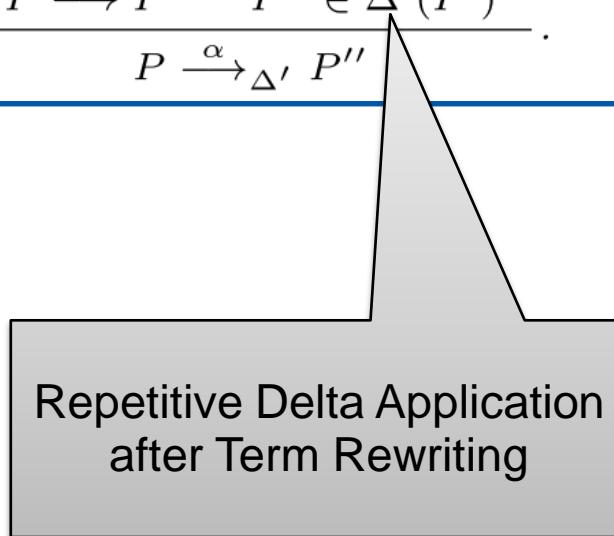
Note: these are syntactic notions on CCS term structures

# DeltaCCS Semantics (1/2)

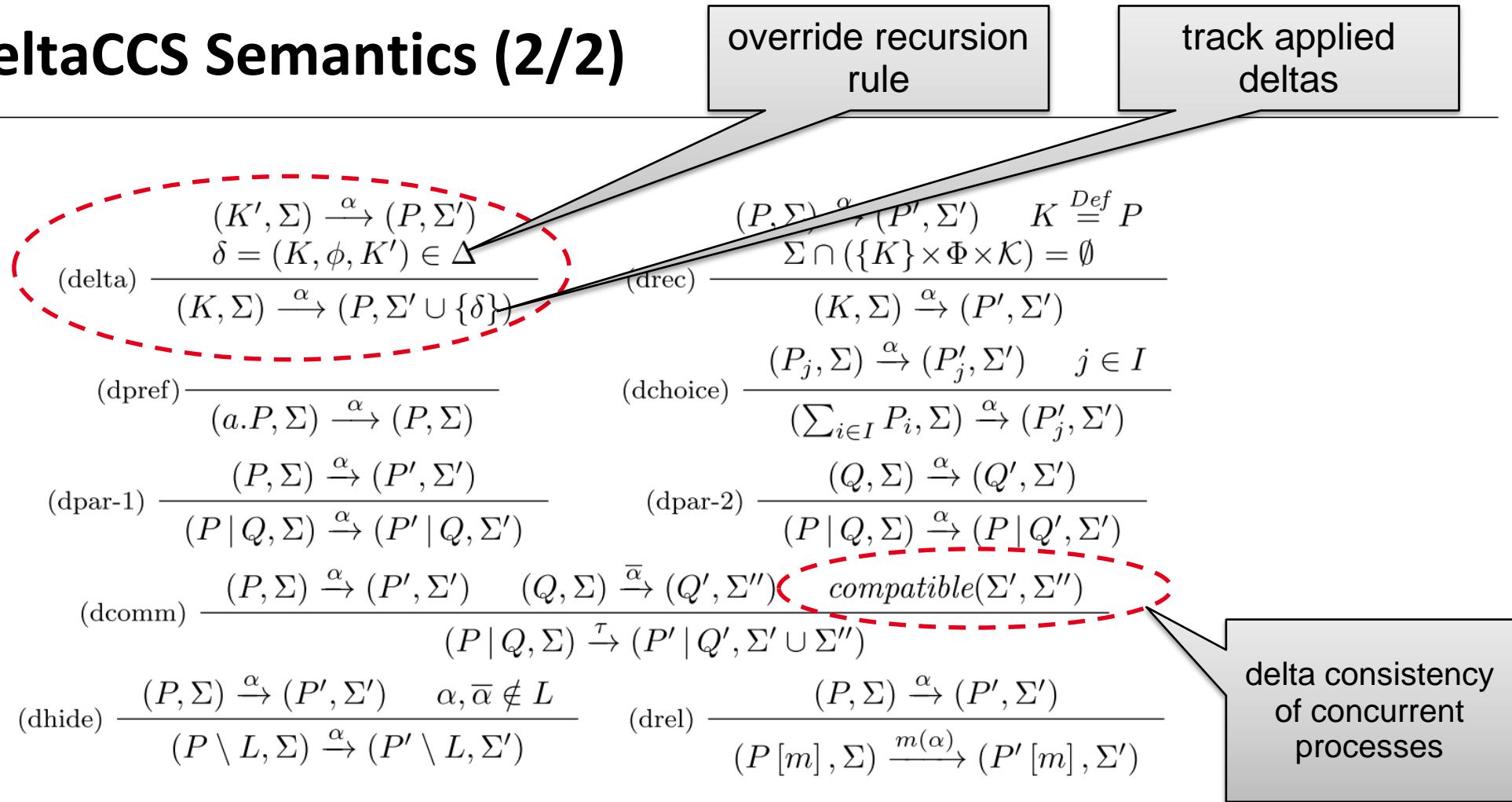
**Definition 3.7 (DeltaCCS Variant Semantics).** Let  $(P_c, \Delta)$  be a DeltaCCS specification. The LTS  $\llbracket(P_c, \Delta)\rrbracket_{\text{CCS}}^{\Delta'} = (\mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K}), \rightarrow_{\Delta'}, P)$  for  $P \in \Delta'(P_c)$  defines the semantics of the process variant for  $\Delta' \subseteq \Delta$  where

$$\rightarrow_{\Delta'} \subseteq (\mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K}) \times (\text{Act} \cup \{\tau\}) \times \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K}))$$

is the least relation satisfying the rule (dstep) 
$$\frac{P \xrightarrow{\alpha} P' \quad P'' \in \Delta'(P')}{P \xrightarrow{\alpha}_{\Delta'} P''}.$$



# DeltaCCS Semantics (2/2)



**Definition 3.8 (DeltaCCS Semantics).** Let  $(P_c, \Delta)$  be a DeltaCCS specification. The LTS  $\llbracket(P_c, \Delta)\rrbracket_\Delta = (\mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K}) \times \Delta(\mathcal{K}, \Phi), \longrightarrow, (P_c, \emptyset))$  defines the semantics of  $(P_c, \Delta)$  where

$$\longrightarrow \subseteq (\mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K}) \times \Delta(\mathcal{K}, \Phi)) \times (\text{Act} \cup \{\tau\}) \times (\mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K}) \times \Delta(\mathcal{K}, \Phi))$$

is the least relation satisfying the rules in Fig. 5.

# Bisimulation Equivalence

**Definition 3.1** (*Simulation*). Let  $P_1, P_2 \in \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K})$ . A *simulation* between  $P_1$  and  $P_2$  is a relation  $S \subseteq \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K}) \times \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K})$  such that  $(P_1, P_2) \in S$  and for every  $(P, Q) \in S$  it holds that if  $P \xrightarrow{\alpha} P'$ , then there exists a  $Q'$  such that  $Q \xrightarrow{\alpha} Q'$  and  $(P', Q') \in S$ .  $P_2$  *simulates*  $P_1$ , denoted by  $P_1 \sqsubseteq P_2$ , iff there exists a simulation between  $P_1$  and  $P_2$ .  $P_1$  and  $P_2$  are *simulation equivalent*,  $P_1 \simeq P_2$ , iff  $P_1$  simulates  $P_2$  and  $P_2$  simulates  $P_1$ .

**Definition 3.2** (*Bisimulation*). Let  $P_1, P_2 \in \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K})$ . A *bisimulation* between  $P_1$  and  $P_2$  is a relation  $R \subseteq \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K}) \times \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K})$  such that  $(P_1, P_2) \in R$  and for every  $(P, Q) \in R$  it holds that

- if  $P \xrightarrow{\alpha} P'$ , then there exists a  $Q'$  such that  $Q \xrightarrow{\alpha} Q'$  and  $(P', Q') \in R$ , and
- if  $Q \xrightarrow{\alpha} Q'$ , then there exists a  $P'$  such that  $P \xrightarrow{\alpha} P'$  and  $(P', Q') \in R$ .

# DeltaCSS Semantics is Correct

**Theorem 3.1 (Correctness).** Let  $(P_c, \Delta)$  be a DeltaCCS specification,  $\Delta' \subseteq \Delta$  conflict-free,  $\llbracket(P_c, \Delta')\rrbracket_\Delta = (Q_1, \rightarrow, q_1)$  and  $\llbracket P_c \rrbracket_{CCS}^{\Delta'} = (Q_2, \rightarrow_{\Delta'}, q_2)$ . Then for  $q'_1 = (P_c, \Delta') \in Q_1$  it holds that  $q'_1 \simeq q_2$ .

... and even in case of delta conflicts we have at least soundness:

$$q'_1 \sqsubseteq q_2$$

# Formalizing the Notion of (Correct) Behavior

---

$$P \models \varphi$$

- What is  $\varphi$ ? temporal properties (safety, liveness)
- How to verify  $\varphi$  on CCS specifications  $P$ ? model checking
- What happens with  $\varphi$  in  $\delta(P)$ ? it depends...

# What is $\varphi$ ?

**Definition 4.1 (Modal  $\mu$ -Calculus).** A modal  $\mu$ -calculus formula is an expression following the form  $\nu Z.\psi \wedge [\alpha]Z$  or  $\mu Z.\psi \vee \langle\alpha\rangle Z$  where

$$\psi ::= tt \mid ff \mid q \mid \neg q \mid Z \mid \psi \wedge \psi \mid \psi \vee \psi \mid \langle\alpha\rangle\psi \mid [\alpha]\psi$$

where  $q \in \mathcal{P}$ ,  $\alpha \in \text{Act}$  and  $Z \in \text{Var}$ . Let  $P \in \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K})$  and  $\varphi$  a formula. Given an evaluation of atomic propositions  $\mathcal{I}_{\mathcal{P}} : \mathcal{P} \rightarrow 2^{\mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K})}$  and an evaluation of variables  $\mathcal{I}_{\text{Var}} : \text{Var} \rightarrow 2^{\mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K})}$ ,  $P \models \varphi$  iff  $P \in \|\varphi\|_{\mathcal{I}_{\text{Var}}}^{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}$  (cf. Fig. 6).

“[...] the system is intended to perform *fast wiping* whenever receiving the input *heavy*... [...]”:

$$\varphi := \mu Z.\langle\text{heavy}\rangle\langle\overline{\langle\text{fastWipe}\rangle}\rangle tt \vee \langle-\rangle Z$$

# How to verify $\varphi$ on CCS specifications $P$ ?

$$\begin{aligned}\|q\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}} &= \mathcal{I}_{\mathcal{P}}(q) \\ \|\neg q\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}} &= \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K}) \setminus \mathcal{I}_{\mathcal{P}}(q) \\ \|Z\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}} &= \mathcal{I}_{\text{Var}}(Z) \\ \|\varphi_1 \wedge \varphi_2\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}} &= \|\varphi_1\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}} \cap \|\varphi_2\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}} \\ \|\varphi_1 \vee \varphi_2\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}} &= \|\varphi_1\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}} \cup \|\varphi_2\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}} \\ \|[\alpha]\varphi\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}} &= \left\{ P \mid \forall P' : P \xrightarrow{\alpha} P' \Rightarrow P' \in \|\varphi\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}} \right\} \\ \|\langle\alpha\rangle\varphi\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}} &= \left\{ P \mid \exists P' : P \xrightarrow{\alpha} P' \wedge P' \in \|\varphi\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}} \right\} \\ \|\nu Z.\varphi\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}} &= \bigcup \left\{ \Pi \subseteq \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K}) \mid \Pi \subseteq \|\varphi\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}[Z:=\Pi]} \right\} \\ \|\mu Z.\varphi\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}} &= \bigcap \left\{ \Pi \subseteq \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K}) \mid \Pi \supseteq \|\varphi\|_{\mathcal{I}_{\mathcal{P}}}^{\mathcal{I}_{\text{Var}}[Z:=\Pi]} \right\}\end{aligned}$$

# What happens with $\varphi$ in $\delta(P)$ ? (1/4)

(1)  $P \simeq P'$  iff  $P$  and  $P'$  satisfy the same set of  $\mu$ -calculus formulae  
[Stirling et al.]

(2)  $P \equiv P'$  implies  $P \simeq P'$

[Milner et al.]

➤ Standard Congruence on CCS Terms:

- $P + Q \equiv Q + P, P + P \equiv P, \dots$
- $P|Q \equiv Q|P, P|\mathbf{0} \equiv P$
- $\alpha.(P + Q) \not\equiv \alpha.P + \alpha.Q$
- ....

# What happens with $\varphi$ in $\delta(P)$ ? (2/4)

➤ Delta-aware CCS congruence

**Proposition 4.1.** Let  $\delta = (K, \phi, K') \in \Delta(\mathcal{K}, \Phi)$  and  $P, Q, P' \in \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K})$ .

$$\delta(\alpha.P) \equiv \alpha.\delta(P) \tag{1}$$

$$\delta(P + Q) \equiv \delta(P) + \delta(Q) \tag{2}$$

$$\delta(P | Q) \equiv \delta(P) | Q \text{ if } \delta(Q) \equiv Q \tag{3}$$

$$\delta(X) \equiv \delta(P') \text{ if } K \neq X \text{ and } X \stackrel{\text{Def}}{=} P' \tag{4}$$

$$\delta(P) \equiv P \text{ if } \delta \text{ is not applicable in } P \tag{5}$$

# What happens with $\varphi$ in $\delta(P)$ ? (3/4)

➤ Handling delta sets:

**Lemma 4.1.** Let  $\delta_1 = (K_1, \phi_1, K'_1) \in \Delta(\mathcal{K}, \Phi)$ ,  $\delta_2 = (K_2, \phi_2, K'_2) \in \Delta(\mathcal{K}, \Phi)$  and  $P \in \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K})$ . Then  $\delta_1(\delta_2(P)) \equiv \delta_2(\delta_1(P))$  iff  $\delta_1$  and  $\delta_2$  are independent.

## What happens with $\varphi$ in $\delta(P)$ ? (4/4)

**Proposition 4.2.** Let  $P, Q, R \in \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K})$  and  $\varphi$  a  $\mu$ -calculus formula.

$$P \models \varphi \wedge P \equiv Q \Rightarrow Q \models \varphi \quad (6)$$

$$P \models \varphi \wedge Q \models \varphi \Rightarrow P + Q \models \varphi \quad (7)$$

$$P \mid R \models \varphi \wedge P \equiv Q \Rightarrow Q \mid R \models \varphi \quad (8)$$

**Theorem 4.1.** Let  $\delta = (K, \phi, K') \in \Delta(\mathcal{K}, \Phi)$  and  $P \in \mathcal{P}(\text{Act}, \mathcal{K})$ . If  $\delta(P) \equiv P$  and  $P \models \varphi$  then  $\delta(P) \models \varphi$ .

# Referenzen

---

- Andreas Classen, Patrick Heymans, Pierre-Yves Schobbens, Axel Legay:  
**Symbolic model checking of software product lines.** ICSE 2011: 321-330
- Malte Lochau, Stephan Mennicke, Hauke Baller, Lars Ribbeck:  
**Incremental model checking of delta-oriented software product lines.** J. Log. Algebr. Meth. Program. 85(1): 245-267 (2016)